Paralel İletken Levhalar Arasına Yerleştirilmiş Dielektrik Rezonatörün Perturbasyon Çözümlemesi

Yeşim Yüksel Serkan Günel Dokuz Eylül Üniversitesi Elektrik ve Elektronik Mühendisliği Bölümü Kaynaklar Yerleşkesi, 35160 Buca, İzmir {yesim.yuksel, serkan.gunel}@eee.deu.edu.tr

Özet: Bu çalışmada parallel iletken levhalar arasına yerleştirilen dielektrik resonatörün küçük bir nesne ile pertürbasyon analizi nesnenin geometrisi, boyutları ve pozisyonu göz önüne alınarak incelenmiştir. Önerilen yöntem küçük parçacıkların ve sıvı damlalarının elektriksel özelliklerinin belirlenmesinde kullanılabilir.

1. Giriş

Malzemelerin mikrodalga frekanslarındaki elektriksel özelliklerinin kavite perturbasyonu ile ölçümü 1950'lerden beri sıklıkla uygulanan bir tekniktir [1]. Bu tekniğin özü, elektriksel özellikleri (dielektrik ve manyetik geçirgenlikler, özdirenç v.b.) ölçülecek olan malzemenin, rezonanstaki bir kavite içine yerleştirerek, rezonans frekansındaki kaymanın ölçülmesidir. Rezonans frekansındaki kayma malzemenin elektriksel özellikleri ve kavitenin geometrisine bağlıdır [2].

Dielektrik rezonatörler yüksek dielektrik geçirgenliğe ve kalite faktörüne sahip, sıcaklık kararlılığı yüksek seramik malzemelerdir [3]. Elektriksel özellikleri geniş bir frekans bandında ve sıcaklık aralığında kararlıdır. Bu özellikleri neden ile, frekans kararlılığı yüksek rezonans yapılarının ve osilatörlerin tasarımlarında sıklıkla kullanılmaktadırlar. Bu malzemeler kullanılarak elde edilen rezonans sistemleri aynı frekanslarda çalışan kavite tabanlı rezonans sistemlerine göre daha küçük boyutlu olduğundan, düzlemsel tümleşik devreler ile kolaylıkla birleştirilebilirler.

Dielektrik rezonatörlerin de elektriksel özelliklerinin ölçümü için kavite perturbasyonu metodunun kullanılması daha önce önerilmiştir [1]. Kapalı kavitelerden farklı olarak ölçümleri kolaylaştırmak için yarı açık düzenekler olan, paralel iki iletken levha arasına yerleştirilmiş silindirik biçimli dielektrik malzemelerden oluşan yapılar kullanılmıştır. Bu yapıda özellikleri ölçülecek malzeme doğrudan rezonans sisteminin bir parçasıdır. Bu yöntemle dielektrik malzemelerin özelliklerinin ölçümü için hassas laboratuvar düzenekleri gerekmektedir. Ayrıca malzeme miktarı ve geometrisi de ölçüm düzeneği tarafından belirlenmektedir.

Paralel iletken levhalar arasına dielektrik rezanötor yerleştirilerek oluşturulan rezonans yapılarının küçük bir örnek kullanılarak perturbasyonu ile, örneğin elektriksel özelliklerinin ölçümü de literatürde yer almaktadır [6]. Bu yapılar için, kavite perturbasyon tekniğindeki analitik yaklaşım kullanılarak, rezonans frekansındaki kayma ile malzemenin elektriksel özellikleri arasındaki bağıntıyı bulmak mümkündür. Bu çalışmada, ilgili formülasyon revize edilerek, örneğin geometrisinin ve söz konusu rezonans sistemi içindeki konumunun ölçülecek rezonans frekansındaki kaymaya etkisi incelenmiştir.

2. Pertürbasyon Analizi

Kavite pertürbasyon tekniğinin temeli, elektriksel özellikleri (dielektrik ve manyetik geçirgenlikler, özdirenç v.b.) ölçülecek olan malzemenin rezonanstaki bir kavite içine yerleştirilerek, önceden belirlenmiş bir modda rezonans frekansındaki kaymanın ölçülmesidir. Boş kavitenin rezonans frekansındaki kayma, içine yerleştirilen malzemenin elektriksel özelliklerine ve geometrisine bağlıdır, Bu kayma aşağıdaki şekilde ifade edilebilir [1]:

$$\frac{\Delta\omega}{\omega_{1}} = \frac{\int_{\psi} (\mathbf{E}_{2} \cdot \varepsilon_{1} \mathbf{E}_{1} - \mathbf{E}_{1} \cdot \varepsilon_{2} \mathbf{E}_{2}) - (\mathbf{H}_{2} \cdot \mu_{1} \mathbf{H}_{1} - \mathbf{H}_{1} \cdot \mu_{2} \mathbf{H}_{2}) dv}{\int_{\psi} (\mathbf{E}_{1} \cdot \varepsilon_{2} \mathbf{E}_{2} - \mathbf{H}_{2} \cdot \mu_{1} \mathbf{H}_{1}) dv}$$
(1)

Paralel plakalar arasına yerleştirilmiş dielektrik rezonatör yapısı için TE₀₁₁ modunda elektrik ve manyetik alanlar aşağıdaki gibi yazılabilir [3]

$$\mathbf{E}(r,\phi,z) = \begin{cases} \hat{\phi}A_{1}k_{1}J_{1}(k_{1}r)\sin(\gamma z), \ r \leq a\\ \hat{\phi}A_{1}\frac{J_{1}(ak_{1})}{K_{1}(ak_{2})}k_{1}K_{1}(k_{2}r)\sin(\gamma z), \ r \geq a \end{cases}$$
(2a)

$$\mathbf{H}(r,\phi,z) = \frac{j}{\omega\mu} \nabla \times \mathbf{E}(r,\phi,z)$$
(2b)

Bu yapı Şekil 1 deki gibi küçük bir nesne ile pertürbe edilecek olursa nesne içindeki alanların pertürbe edilmeden önceki alanlar cinsinden polarizasyon katsayısı ile orantılı olarak yazılması mümkündür ($\mathbf{E}_{ornek} = \rho \mathbf{E}$) [7]. Buna karşılık örnek küçük olduğu için dışarıda kalan alanların değişmeden kaldığı kabulu yapılabilir.



Şekil 1. Küçük bir nesne ile pertürbe edilmiş paralel plaka dielektrik rezonatör

İlgili alanlar eşitlik 1 de yerine konulup, eşitlik yeniden düzenlenirse sistemin rezonans frekansında pertürbasyon nedeniyle oluşacak sapma aşağıdaki şekilde yazılabilir

$$\frac{\Delta\omega}{\omega_0} \approx \frac{(1-\varepsilon_s)\varrho J_1^2(ak_1)K_1^2(ak_2)\sin^2(\gamma z)}{D} V_s$$

$$D = \pi a^2 L \left[\left(K_0(ak_2)K_2(ak_2) - K_1^2(ak_2) \right) J_1^2(ak_1) \right]$$
(3)

$$+ \left(J_1^2(ak_1) - J_0(ak_1)J_2(ak_1)\right)K_1^2(ak_2)\varepsilon_{\rm DR} \right].$$
(4)

Yukarıdaki eşitliklerde sırasıyla ε_s nesnenin dielektrik permittivitesi, ε_{DR} rezonatörün dielektrik permittivitesi, ϱ polarizibilite katsayısı, V_s örneğin hacmidir. Eşitliğin paydasında yer alan ifade sistemde depolanan enerji ile ilgilidir. Elektrik ve manyetik alan yoğunluklarının radyal yönde neredeyse doğrusal olarak değiştiği göz önüne alınırsa, doğruluğu daha yüksek bir analitik ifade, ortalama enerji yoğunluğu cinsinden

$$\frac{\Delta\omega}{\omega_0} \approx \frac{(1-\varepsilon_s)\varrho J_1^2(ak_1) \lfloor K_1^2(ak_2) + K_1^2((a+\ell)k_2) \rfloor}{D} \sin^2(\gamma \dot{z}) V_s.$$
(5)

şeklinde yazılabilir. Burada ℓ örneğin radyal doğrultudaki en büyük boyutudur.

3. Sonlu Elemanlar Çözümlemesi

Pertürbe edilmiş parallel plakalı dielektrik rezonatör yapısının sonlu elemanlar çözümlemesi ikinci dereceden 3-D tetrahedral elemanlardan oluşan bir kafes yapısı ile ANSYS 9.0 MultiPhysics paket programı kullanılaraktan gerçeklenmiştir. Bu paket program aracılığı ile Block-Lanczos modal çözümleme tekniği kullanılarak rezonans frekansları farklı dielektrik sabitleri ve farklı geometrileri olan nesneler için incelenmiştir. Sonlu elemanlar analizinde kullanılar tipik bir kafes yapısı Şekil 2 de gösterilmiştir.



Şekil 2. Sonlu elemenlar çözümlemesinde kullanılan tipik bir kafes yapısı. A Dielektrik resonatör, B,D hava, E örnek, C tam uyumlu katman (PML)

Rezonans frekansları analitik formül ve sonlu elemanlar yöntemi ile farklı modeller için hesaplanmıştır. Küçük nesnelerle yapılan perturbasyonda göreli hata %5 in altında bulunmuştur. 0.70mm ve 0.35mm yarıçaplı küresel örnekler kullanılarak elde edilen karşılaştırmalı sonuçlar Şekil 3'deki grafikte gösterilmiştir.



Şekil 3. 0.70mm ve 0.35mm yarıçaplı örnekler için analitik formul ve sonlu elemanlar yöntemi sonuçlarının karşılaştırması.

4. Sonuç

Bu çalışmada paralel plakalar arasına yerleştirilmiş dielektrik resonator yapısının küçük bir örnekle pertürbasyonu incelenmiştir. Çözümleme ve benzetim sonuçları yöntemin doğruluğunun örneğin dielektrik sabiti ve geometrisi ile yakından ilgili olduğunu göstermektedir. Dielektrik sabiti 4'den küçük küresel örnekler için göreli hata %5'den az çıkmıştır. Elde edilen sonuçlar aynı zamanda polarizibilitenin de önemli bir faktor olduğunu göstermektedir. Ancak polarizibilite katsayısının regular olayan geometriler için belirlenmesinin zor olması yöntemin pratik uygulamasını sınırlandırabilir.

Ayrıca bu çalışmada sıcaklık değişimleri ile ortaya çıkabilecek frekans kaymaları göz önüne alınmamış, sıcaklık sabit kabul edilmiştir. Buna ek olarak dielektrik ve iletken kayıpları da ihmal edilmiştir. Gerçekleştirilecek bir ölçüm düzeneğin de bu faktörlerin de bir etkisi olacağından, rezonans frekansının daha fazla kayması beklenmelidir. Pertürbasyonun yeterince küçük olması halinde önerilen yöntemle oldukça küçük nesnelerin ve sıvıların elektriksel özelliklerin ölçümü yapılabilir.

Kaynaklar

[1]. Waldron R. A., "Perturbation theory of resonant cavities", *Proceedings of IEE*, vol. 107C, s. 272-274, Nisan 1960.

[2]. Carter R. G., "Accuracy of microwave cavity perturbation measurements", *IEEE Transactions on Microwave Theory and Techniques*, vol. 49, s. 918-923, Mayıs 2001.

[3]. Kajfez D. ve Guillon P., Dielectric Resonators. Oxford, U.S.A.: Vector Fields, 1990.

[4].Hakki B.W. ve Coleman P.D., "A dielectric resonator method of measuring inductive capacities in the millimeter range", *IRE Transactions on Microwave theory and techniques*, MTT-8, s. 402-410, Temmuz 1960.

[5]. Courtney W. E., "Analysis and evaluation of a method of measuring the complex permittivity and permeability of microwave insulators", *IEEE Transactions on Microwave theory and techniques*, MTT-18, s. 476-485, Ağustos 1970.

[6]. Shu Y. ve Wong T.Y., "Perturbation of dielectric resonator for material measurement", *IEE Electronics Letters*, vol. 31, s. 704-705, Nisan 1995.

[7]. Van Bladel J., Electromagnetic Fields, Hemisphere Publishing Corporation, New York, U.S.A., 63-68, 1985.